Aula 5 - Análise da Complexidade de Algoritmos

**\*\*\* Entregue, num ficheiro ZIP, este guião preenchido e o código desenvolvido \*\*\***

**1 –** Considere uma sequência (*array*) de **n** **valores reais**. Pretende-se determinar se os elementos da sequência são sucessivos termos de uma **progressão geométrica**:

**r = a[ 1 ] / a[ 0 ]** e **a[ i ] = r × a[ i – 1 ], i > 1.**

* Implemente uma função **eficiente** (utilize um algoritmo em lógica negativa) e **eficaz** que verifique se os n elementos (n > 2) de uma sequência de valores reais são sucessivos termos de uma progressão geométrica. A função deverá devolver 1 ou 0, consoante a sequência verificar ou não essa propriedade.

**Depois de validar o algoritmo apresente a função no verso da folha.**

* Pretende-se determinar experimentalmente a **ordem de** **complexidade do número de multiplicações e divisões** efetuadas pelo algoritmo e envolvendo elementos da sequência.
* Considere as seguintes sequências de 10 elementos, que cobrem as distintas situações possíveis de execução do algoritmo. Determine, para cada uma delas, se satisfazem a propriedade e qual o número de operações de multiplicação e de divisão efetuadas pelo algoritmo.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 2 |
| 1 | 2 | 4 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 3 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 4 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 5 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 32 | 7 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 6 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 32 | 64 | 8 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 7 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 32 | 64 | 128 | 9 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 8 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 32 | 64 | 128 | 256 | 10 |  | Resultado | 0 |  | Nº de operações | 9 |
| 1 | 2 | 4 | 8 | 16 | 32 | 64 | 128 | 256 | 512 |  | Resultado | 1 |  | Nº de operações | 9 |

**Depois da execução do algoritmo responda às seguintes questões:**

* Qual é a sequência (ou as sequências) que corresponde(m) ao melhor caso do algoritmo?

|  |
| --- |
| Melhor caso acontece na primeira sequência, onde o número de operações é mínimo |

* Qual é a sequência (ou as sequências) que corresponde(m) ao pior caso do algoritmo?

|  |
| --- |
| O pior caso, quando as operações são máximas é 9 operações, na penúltima e ultima sequências |

* Determine o número de operações efetuadas no caso médio do algoritmo (**para n = 10**).

|  |
| --- |
|  |

* Qual é a ordem de complexidade do algoritmo?

|  |
| --- |
|  |

* **Determine formalmente a ordem de complexidade do algoritmo nas situações do melhor caso, do pior caso e do caso médio, considerando uma sequência de tamanho n.** Deve obter expressões matemáticas exatas e simplificadas. **Faça essas análises no verso da folha.**

Função

|  |
| --- |
|  |

Análise Formal do Algoritmo

|  |
| --- |
|  |

* Calcule o valor das expressões para n = 10 e **compare-os com os resultados obtidos experimentalmente**.

|  |
| --- |
|  |

**2 –** Considere uma sequência (array), possivelmente não ordenada, de n elementos inteiros e positivos. Pretende-se **eliminar os elementos da sequência que sejam iguais ou múltiplos ou submúltiplos de algum dos seus predecessores**, sem fazer a sua ordenação e sem alterar a posição relativa dos elementos.

Por exemplo, a sequência { 2, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 8, 8, 9 } com 10 elementos será transformada na sequência { 2, 3, 5 } com 3 elementos; e a sequência { 7, 8, 2, 2, 3, 3, 3, 8, 8, 9 } com 10 elementos será transformada na sequência { 7, 8, 3, } com 3 elementos.

* Implemente uma função **eficiente** e **eficaz** que elimina os elementos iguais ou múltiplos ou submúltiplos de algum dos seus predecessores numa sequência com n elementos (n > 1). **A função deverá ser *void* e alterar o valor do parâmetro indicador do número de elementos efetivamente armazenados na sequência (que deve ser passado por referência)**.

**Depois de validar o algoritmo apresente a função no verso da folha.**

* Pretende-se determinar experimentalmente a **ordem de** **complexidade do número de comparações** e **do número de deslocamentos** (i.e., cópias) efetuados pelo algoritmo e envolvendo elementos da sequência.
* Considere as sequências anteriormente indicadas de 10 elementos e outras à sua escolha. Determine, para cada uma delas, a sua configuração final, bem como o número de comparações e de deslocamentos efetuados.

**Depois da execução do algoritmo responda às seguintes questões:**

* Indique uma sequência inicial com 10 elementos que conduza ao **melhor caso do número de comparações** efetuadas. Qual é a sequência final obtida? Qual é o número de comparações efetuadas? Qual é o número de deslocamentos (i.e., cópias) de elementos efetuados? Justifique.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Inicial: |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Nº de comparações |  |
| Final: |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Nº de cópias |  |

|  |
| --- |
|  |

* Indique uma sequência inicial com 10 elementos que conduza ao **pior caso do número de comparações** efetuadas. Qual é a sequência final obtida? Qual é o número de comparações efetuadas? Qual é o número de deslocamentos (i.e., cópias) de elementos efetuados? Justifique.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Inicial: |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Nº de comparações |  |
| Final: |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Nº de cópias |  |

|  |
| --- |
|  |

* Determine formalmente a ordem de complexidade do algoritmo nas situações do **melhor caso** e do **pior caso**, considerando uma sequência de tamanho n. Deve obter expressões matemáticas exatas e simplificadas. **Faça essas análises no verso da folha.**

Função

|  |
| --- |
|  |

Análise Formal do Algoritmo – Comparações – Melhor Caso – Pior Caso

|  |
| --- |
|  |

Análise Formal do Algoritmo – Deslocamentos – Melhor Caso – Pior Caso

|  |
| --- |
|  |